

# Control Feedforward/Prealimentación: caso lineal multivariable y caso desacoplado

Antonio Sala

DISA-UPV

Video-presentación disponible en:

<http://personales.upv.es/asala/YT/V/ffdec.html>



UNIVERSITAT  
POLITÀCNICA  
DE VALÈNCIA

# Presentación

## Motivación:

Además de sensores sobre variables controladas “primarias”, pueden existir otros sensores en control avanzado; variables controladas “secundarias” (control en cascada), y variables “exógenas” (prealimentación/feedforward).

## Objetivos:

Comprender el significado del concepto de prealimentación con modelos lineales dinámicos en caso multivariable y su relación con desacoplamiento.

## Contenidos:

Revisión de conceptos. Modelos y controladores lineales. Cancelación de perturbación medible. Ejemplo. Conclusiones.



## Feedforward con modelo y controlador lineal

El sistema  $y = \text{modelo}(u, d_{med}, w)$ , debe escribirse como superposición de 3 efectos:

$$y = G(s) \cdot u + H(s) \cdot d_{med} + R(s) \cdot w$$

El controlador  $u = \text{controlador}(r - y, d_{med})$  debe escribirse como:

$$u = \underbrace{K_{FB}(s) \cdot (r - y)}_{U_{FB}, \text{realimentación}} + \underbrace{K_{FF}(s) \cdot d_{med}}_{U_{FF}, \text{prealimentación}}$$

En caso **multivariable**  $G$ ,  $H$ ,  $R$ ,  $K_{FB}$  y  $K_{FF}$  serían **matrices de transferencia** (o, si sólo se considera régimen permanente –equilibrio, valor final–, **matrices de ganancia**).



## Controlador FF que cancela perturbación medible

Si proponemos  $K_{FF}(s) = -G^{-1}(s)H(s)$ , entonces:

$$\begin{aligned} y &= G(s) \cdot (u_{FB} - G^{-1}(s)H(s)d_{med}) + H(s) \cdot d_{med} + R(s) \cdot w \\ &= G(s) \cdot u_{FB} + R(s)w \end{aligned}$$

$\Rightarrow$  desaparece (teóricamente) el efecto de  $d_{med}$  sobre la salida.

► En caso **multivariable**,  $K_{FF}$  es una **matriz** ( de transferencia o de ganancia) que cancela el efecto de varias perturbaciones sobre varios actuadores.

► Si hay más actuadores que perturbaciones medibles (eso es bueno), entonces gastar **pseudoinversa\*** (mínimo  $\|u\|^2$  que cancela  $H \cdot d_{med}$ ).

\* Hay otras opciones ante saturación, con programación lineal/cuadrática o control predictivo.



## Prealimentación + desacoplamiento

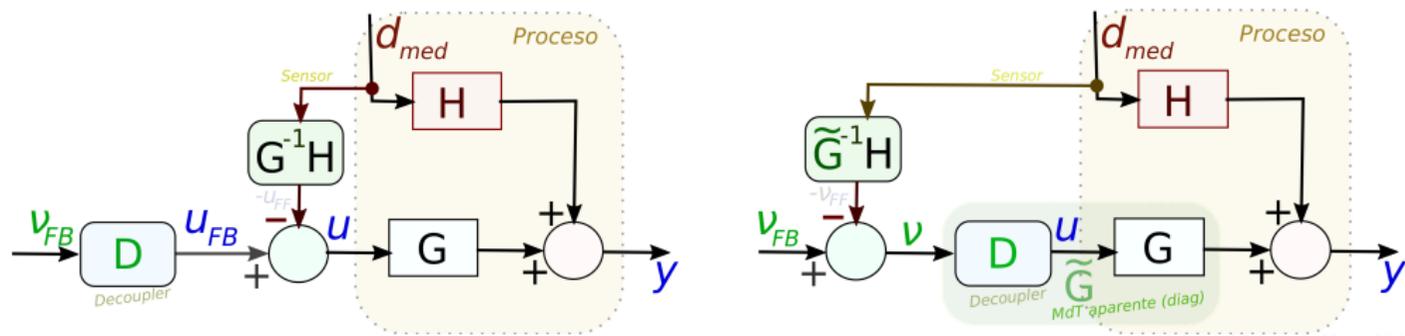
- La propuesta  $K_{FF}(s) = -G^{-1}(s)H(s)$  cancela  $d_{med}$  independientemente de qué técnica se utilice para calcular el componente realimentado  $u_{FB}$ .
- Si se va a hacer desacoplamiento, puede hacerse éste primero, y luego considerar la prealimentación sobre una planta aparentemente diagonal  $\tilde{G}$  (eso hace que  $\tilde{G}^{-1}$  sea diagonal y se facilite el cálculo y la interpretación del resultado):
  - Si calculamos  $D$  tal que  $\tilde{G} = G \cdot D$  es diagonal, podemos introducir variables manipuladas “artificiales”  $v$ , fijando  $u = Dv$ , de modo que  $y = Gu + Hd_{med} + Rv = GDv + Hd_{med} + Rv = \tilde{G}v + Hd_{med} + Rv$ . Entonces, la prealimentación sería  $v_{FF} = -\tilde{G}^{-1} \cdot H \cdot d_{med}$ .



# Alternativas de implementación con desacoplamiento

- 1 Hacer primero prealimentación,  $u = u_{FB} - G^{-1}Hd_{med}$ . Luego,  $u_{FB} = DV_{FB}$  con desacoplamiento (realmente,  $u_{FB}$  con cualquier técnica que se desee).
- 2 Hacer primero desacoplamiento, prealimentación  $v_{FF} = -\tilde{G}^{-1}Hd_{med}$ .

► El resultado es idéntico en ambos casos (se cancela  $Hd_{med}$ ), porque  $u_{FF} = DV_{FF} = -D\tilde{G}^{-1}Hd_{med} = (G^{-1}\tilde{G})\tilde{G}^{-1}Hd_{med} = G^{-1}Hd_{med}$



## Conclusiones

- El control avanzado usa **sensores adicionales**. El control **feedforward/prealimentación** es el nombre que se da a las acciones consecuencia de medir variables **exógenas** (no “controlables”).
- En un caso lineal  $y = G(s)u + H(s)d_{med}$ , el efecto de  $d_{med}$  se cancela con  $u_{FF} = -G^{-1}(s)H(s) \cdot d_{med}$ . En multivariable,  $G^{-1}H$  es matriz.
- En casi todas las aplicaciones, se implementa una **proporcionalidad** usando únicamente la **ganancia estática**  $G^{-1}(0)H(0)$ .
- Si se va a combinar con desacoplamiento, puede invertirse sólo la diagonal desacoplada, resultando más fácil de calcular y de explicar.