

# Acción integral en un controlador basado en observador adelantado (dLQR+dLQE, o place) discreto para proceso de 2o orden

© 2021, Antonio Sala Piqueras, Universitat Politècnica de València. Todos los derechos reservados.

Presentación en vídeo: <http://personales.upv.es/asala/YT/V/ofexi.html>

Este código funcionó correctamente con Matlab **R2021b**

**Objetivo:** Diseñar reguladores con/sin acción integral, cerrar el bucle y comprobar su comportamiento.

## Tabla de Contenidos

Modelo del proceso a controlar.....	1
Diseño de reguladores.....	2
Control sin acción integral place/LQG.....	2
Control con con acción integral (place/LQG modelo ampliado).....	3
Simulación bucles resultantes sin saturación.....	5
Simulación sin saturación (con comando feedback) pert. entrada escalón.....	5

## Modelo del proceso a controlar

```
Ac=[0 1 ;-3 -0.2]; Bc=[0;3]; C=[1 0];
sysc=ss(Ac,Bc,C,0);
gan=dcgain(sysc)
```

```
gan = 1
```

```
tf(sysc)
```

```
ans =
```

$$\frac{3}{s^2 + 0.2 s + 3}$$

```
Continuous-time transfer function.
```

```
limiteSatU=1; %para simulacion con saturacion, antiwindup etc.
```

Vamos a discretizarlo:

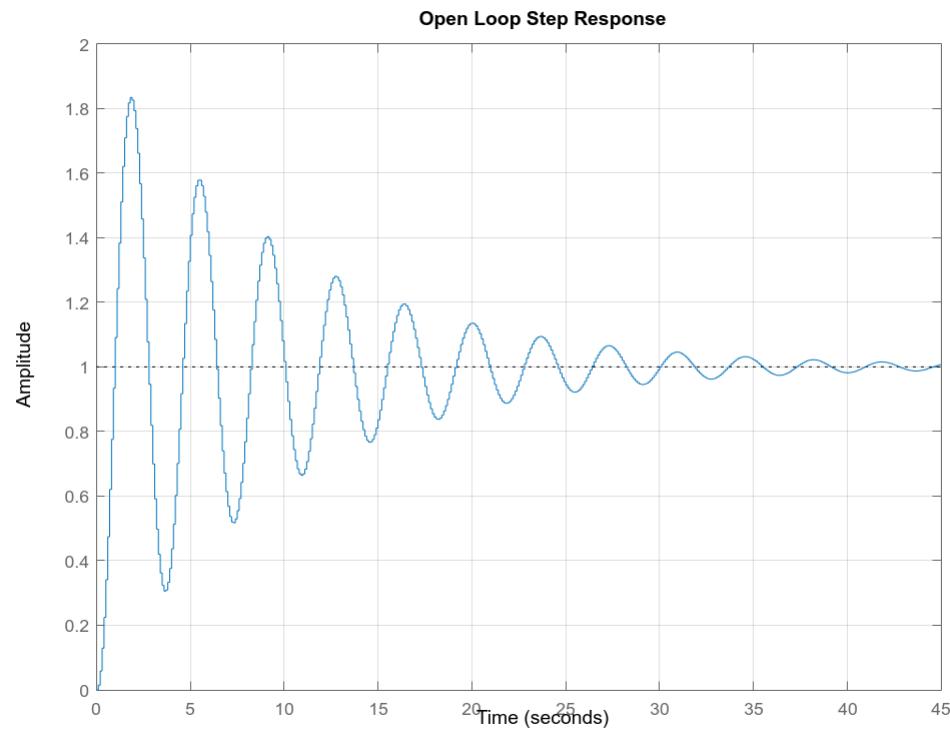
```
Ts=0.1; %periodo de muestreo
sysd=c2d(sysc,Ts,'zoh');
A=sysd.A
```

$$A = 2 \times 2$$
$$\begin{matrix} 0.9851 & 0.0985 \\ -0.2955 & 0.9654 \end{matrix}$$

```
B=sysd.B
```

```
B = 2x1  
0.0149  
0.2955
```

```
sysd.StateName={'xp1','xp2'};  
step(sysd,45), grid on, title("Open Loop Step Response")
```



## Diseño de reguladores

### Control sin acción integral place/LQG

```
Q=C'*C+0.01*eye(2); R=1;  
K=dlqr(A,B,Q,R) %realimentación del estado LQR
```

```
K = 1x2  
0.3205 0.4554
```

```
K=place(A,B,[0.9+0.17*j 0.9-0.17*j]) %alternativa diseño asign. polos
```

```
K = 1x2  
0.3130 0.4937
```

```
eig(A-B*K)
```

```
ans = 2x1 complex  
0.9000 + 0.1700i  
0.9000 - 0.1700i
```

```
abs(ans) %estable, módulo < 1
```

```
ans = 2x1  
0.9159  
0.9159
```

```
L=dlqe(A,B,C,1,.1) %observador adelantado Kalman, ruido en entrada y medida
```

```
L = 2x1  
0.2970  
0.5207
```

```
L=place(A',A'*C',[0.8+.21*j 0.8-0.21*j])' %asign. polos
```

```
L = 2x1  
0.3021  
0.5378
```

```
eig(A-L*C*A)
```

```
ans = 2x1 complex  
0.8000 + 0.2100i  
0.8000 - 0.2100i
```

```
abs(ans) %estable, módulo < 1
```

```
ans = 2x1  
0.8271  
0.8271
```

Dados  $K$  y  $L$  podemos construir la ecuación de estado del regulador por realimentación de la salida:

```
Regulador_noI= ...  
ss((A-B*K)*(eye(2)-L*C), (A-B*K)*L, K*(eye(2)-L*C), K*L, Ts);  
Regulador_noI.StateName={'xc1','xc2'};  
zpk(Regulador_noI)
```

```
ans =  
0.36008 z (z-1.056)  
-----  
(z^2 - 1.455z + 0.5855)  
  
Sample time: 0.1 seconds  
Discrete-time zero/pole/gain model.
```

El bucle cerrado tiene los polos deseados (separación):

```
BC_sinI=feedback(sysd,Regulador_noI); %BC de pert. entrada a salida  
pole(BC_sinI)
```

```
ans = 4x1 complex  
0.8000 + 0.2100i  
0.8000 - 0.2100i  
0.9000 + 0.1700i  
0.9000 - 0.1700i
```

## Control con con acción integral (place/LQG modelo ampliado)

Añadiremos al modelo una tercera ecuación de estado, perturbación cte. a la entrada.

Es un polo discreto en  $z = 1$ :

$$\xi_{k+1} = \begin{pmatrix} A & B \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \xi_k + \begin{pmatrix} B \\ 0 \end{pmatrix} u_k, \quad y_k = (C \quad 0) \xi_k + D u_k$$

```
Aaug=[A B;0 0 1]; Caug=[C 0]; Baug=[B;0];
L=dlqe(Aaug,eye(3),Caug,eye(3),.1) %observador de Kalman
```

```
L = 3x1
0.9333
1.9796
0.8170
```

```
L=place(Aaug',Aaug'*Caug', [0.87+0.1*j 0.87-0.1*j 0.1])' %asig. polos
```

```
L = 3x1
0.9218
1.9324
0.8171
```

```
eig(Aaug-L*Caug*Aaug)
```

```
ans = 3x1 complex
0.1000 + 0.0000i
0.8700 + 0.1000i
0.8700 - 0.1000i
```

```
abs(ans)%estable, módulo < 1
```

```
ans = 3x1
0.1000
0.8757
0.8757
```

```
Kaug=[K 1]; %La misma que sin pert. entrada, añadiendo "restar el estimado de la pert."
```

Dados  $K$  y  $L$  (aumentados) podemos construir la ecuación de estado del regulador por realimentación de la salida:

```
Regulador= ...
ss((Aaug-Baug*Kaug)*(eye(3)-L*Caug), (Aaug-Baug*Kaug)*L, ...
Kaug*(eye(3)-L*Caug), Kaug*L, Ts); %realim negativa u=-Kx_est
zpk(Regulador) %efectivamente, incorpora un integrador
```

```
ans =
2.0597 z (z^2 - 1.945z + 0.9607)
-----
(z-1) (z-0.613) (z-0.1071)
```

```
Sample time: 0.1 seconds
Discrete-time zero/pole/gain model.
```

Cerramos un bucle de pert. entrada a salida:

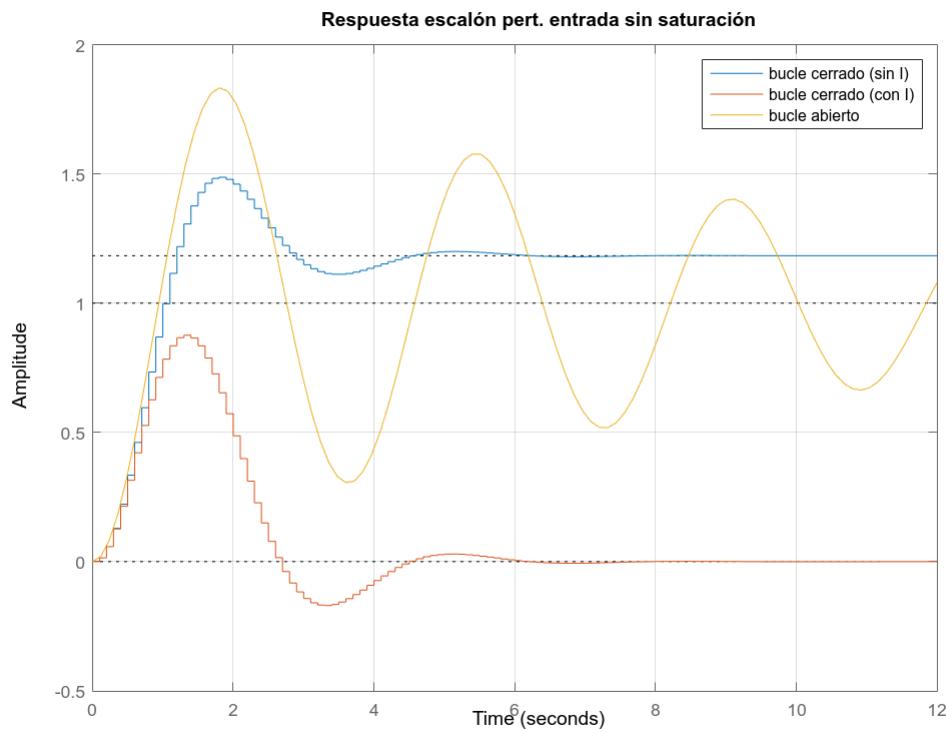
```
bc_du_to_y2 = feedback(sysd,Regulador);
eig(bc_du_to_y2) %estable, principio separación:
```

```
ans = 5x1 complex
0.1000 + 0.0000i
0.9000 + 0.1700i
0.9000 - 0.1700i
0.8700 + 0.1000i
0.8700 - 0.1000i
```

## Simulación bucles resultantes sin saturación

### Simulación sin saturación (con comando `feedback`) pert. entrada escalón

```
step(BC_sinI, bc_du_to_y2, sysc, 12), grid on, title("Respuesta escalón pert. entrada s")
legend("bucle cerrado (sin I)", "bucle cerrado (con I)", "bucle abierto")
```



\*Un análisis completo de prestaciones requeriría simular ante referencia ( $\approx$  ruido medida), etc. en tiempo y frecuencia, así como ver la acción de control que se aplica para cancelar perturbación de entrada o seguir referencias).

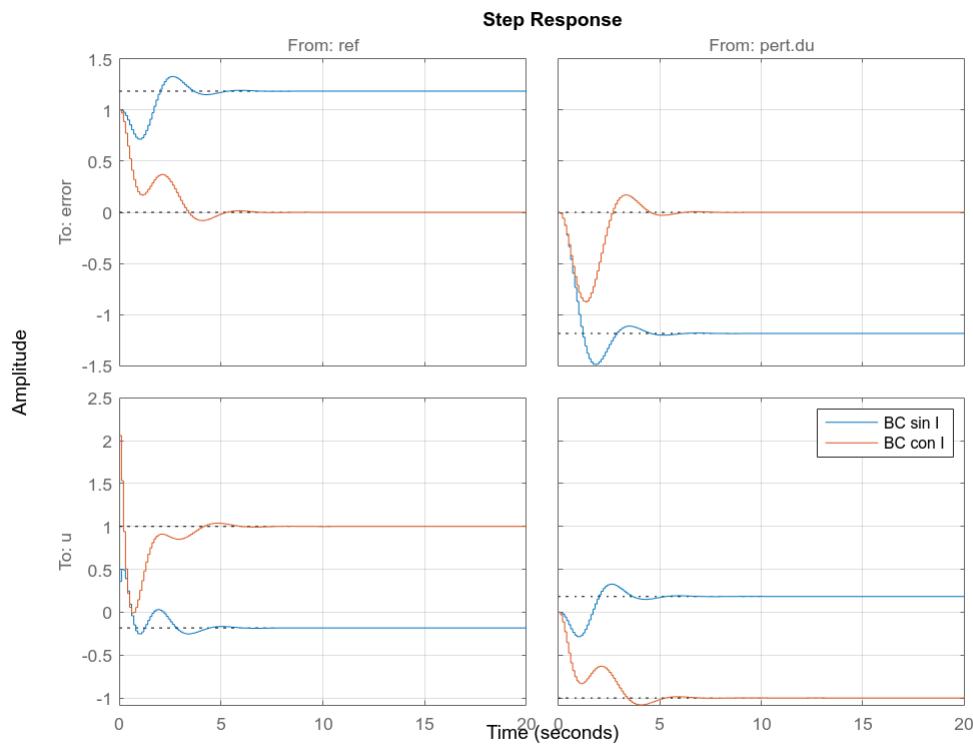
Este código a continuación presenta dicha simulación. Usa el comando `lft` para ahorrar en vez de usar cuatro "feedback". Detalles omitidos por brevedad.

```

PG=[1 0 0;0 0 1;1 0 0]+[-1;0;-1]*sysd*[0 1 1];
PG.InputName={'ref','pert.du','u'};PG.OutputName={'error','u','err'};
BC4noI=lft(PG,Regulador_noI);
BC4I=lft(PG,Regulador);

step(BC4noI,BC4I,20), grid on, legend("BC sin I","BC con I")

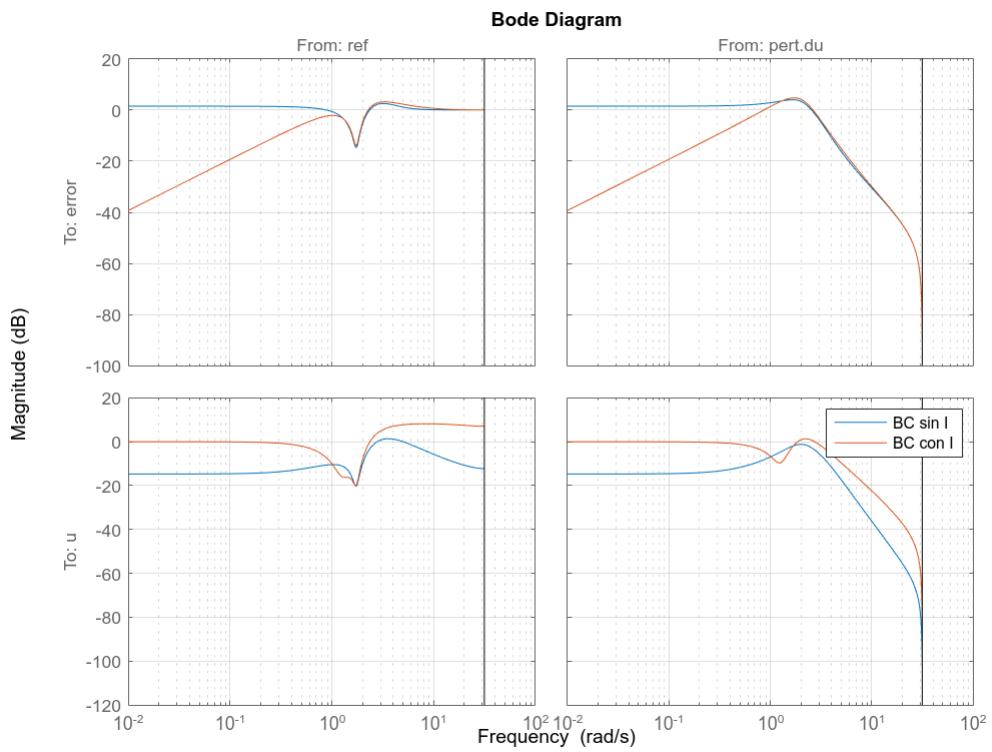
```



```

bodemag(BC4noI,BC4I), grid on, legend("BC sin I","BC con I")

```



\*Si la entrada "ref" es una referencia conocida, se puede hacer 2GL, y corregir el error (omitido por brevedad). No será posible si es una perturbación "no medible".